

DI Roland Wagner, S2 524

DI Daniela Saxenhuber, S2 524

E-mail: roland.wagner@ricam.oeaw.ac.at

E-mail: daniela.saxenhuber@indmath.uni-linz.ac.at

Tel.: 0732 2468 4112

Tel.: 0732 2468 4110

<https://www.dk-compmath.jku.at/Members/dgerth/vorlesung-mathematik-fur-chemiker-ii-ss15/>

1. Seien \vec{a}, \vec{b} und \vec{c} Vektoren $\in \mathbb{R}^n$ und λ und μ Skalare $\in \mathbb{R}$. Beweisen Sie die folgenden Vektorraum Eigenschaften

- (a) $(\vec{a} + \vec{b}) + \vec{c} = \vec{a} + (\vec{b} + \vec{c})$
- (b) $(\lambda + \mu) \cdot \vec{a} = \lambda \cdot \vec{a} + \mu \cdot \vec{a}$
- (c) $\lambda \cdot (\vec{a} + \vec{b}) = \lambda \cdot \vec{a} + \lambda \cdot \vec{b}$.

2. Gegeben seien die Punkte $A = (4, -1, 9)$ und $B = (-1, 6, 2)$.

- (a) Skizzieren Sie den Ortsvektor von A und berechnen Sie seine Länge.
- (b) Berechnen Sie den Vektor \overrightarrow{AB} und seine Länge.
- (c) Berechnen Sie den Einheitsvektor von A, B und in Richtung \overrightarrow{AB} .
- (d) Berechnen Sie den Abstand des Punktes B vom Koordinatenursprung.

3. Bestimmen Sie die Winkel zwischen den Vektoren:

- (a) $\begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix}$ und $\begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix}$, (b) $\begin{pmatrix} 4 \\ 13 \end{pmatrix}$ und $\begin{pmatrix} 1 \\ 5 \end{pmatrix}$, (c) $\begin{pmatrix} -3 \\ 6 \end{pmatrix}$ und $\begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$,
- (d) $\begin{pmatrix} 2 \\ -5 \\ -3 \end{pmatrix}$ und $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}$, (e) $\begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix}$ und $\begin{pmatrix} 1 \\ 15 \\ -2 \end{pmatrix}$, (f) $\begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ und $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$,

und untersuchen Sie die Vektoren auf Orthogonalität bzw. Orthonormalität.

4. (a) Seien $\vec{a} = \begin{pmatrix} -1 \\ 3.5 \end{pmatrix}$, $\vec{b} = \begin{pmatrix} 2 \\ -6 \end{pmatrix}$ und $\vec{c} = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix}$, berechnen Sie $2\vec{a} - 0.5\vec{b} + 3\vec{c}$ und zeichnen Sie diesen Vektor.
- (b) Seien $\vec{a} = \begin{pmatrix} 9 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\vec{b} = \begin{pmatrix} 0.5 \\ -0.4 \\ 0 \end{pmatrix}$ und $\vec{c} = \begin{pmatrix} 5 \\ -1 \\ \frac{10}{3} \end{pmatrix}$. Berechnen Sie $\frac{1}{3}\vec{a} - 2\vec{b} + \frac{4}{5}\vec{c}$.

5. Seien $\vec{a} = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}$, $\vec{b} = \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 7 \end{pmatrix}$ und $\vec{c} = \begin{pmatrix} 1 \\ 8 \\ -3 \end{pmatrix}$. Berechnen Sie $(\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c}$ und $\vec{a} \times (\vec{b} \times \vec{c})$.

6. Seien $\vec{a} = \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$, $\vec{b} = \begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix}$ und $\vec{c} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$. Berechnen Sie $\vec{a} \times \vec{b}$, $\vec{a} \times \vec{c}$ und $(\vec{a} + \vec{b}) \cdot \vec{c}$ und $\vec{a} \cdot (\vec{b} - \vec{c})$.